

муниципальное общеобразовательное учреждение  
«Лицей №3 Тракторозаводского района Волгограда»

«РАССМОТРЕНО»

Руководитель МО

Юрий Балажевка

Протокол № 1

от 18 августа 2023 г.

«СОГЛАСОВАНО»

Методист

Елена Бровенко Н.Я.

«18» августа 2023 г.



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

учебного предмета

«Математика» (углубленный уровень)

для 9 «В» класса

основного общего образования

Рассмотрено на заседании

педагогического совета

Протокол № 1

от 18 августа 2023 г.

## Пояснительная записка

- Данная рабочая программа по математике для 9 В класса на 2023-2024 учебный год разработана на основе:
1. Федерального государственного образовательного стандарта основного общего образования (утв. Приказом Министерства образования и науки РФ от 17.12.2010 № 1897 с изменениями и дополнениями от 29.12.2014, 31.12.2015, 11.12.2020) (ФГОС ООО).
  2. Федеральной образовательной программы основного общего образования (утв.приказом Минпросвещения России от 18.05.2023 №370).
  3. Примерной основной образовательной программы основного общего образования (одобренной решением федерального учебно-методического объединения по общему образованию, протокол от 08.04.2015 № 1/15).
  4. Образовательной программы МОУ Лицей № 3 от 26.08.2021 г. (с изм. От 28.08.2023 г.)
  5. Примерной программы по математике основного общего образования для школ и классов с углубленным изучением математики. Сборник «Программы для общеобразовательных школ, гимназий, лицеев: Математика, 5 – 11 кл. / Сост. Г.М. Кузнецова, Н.Г. Миндюк, 2014 г. с учетом рекомендаций авторской программы «Программа для общеобразовательных учреждений. Планирование учебного материала. Алгебра. 7 – 9 классы» / авт.-сост. И. Е. Феоктистов. – М.: Мнемозина, 2014.
  6. Сборник примерных рабочих программ. Алгебра, 7-9 классы: учебное пособие для общеобразовательных организаций / сост. Т. А. Бурмистрова. -6-е изд.-М.: Просвещение, 2020.
  7. Сборник примерных рабочих программ. Геометрия, 7-9 классы: учебное пособие для общеобразовательных организаций / сост. Т. А. Бурмистрова. -6-е изд.-М.: Просвещение, 2020

Осуществление рабочей программы предполагает использование следующего учебно-методического комплекта:

- по алгебре:

1. Алгебра. 9 класс: учебник для учащихся общеобразовательных учреждений, углубленный уровень / Ю.Н. Макарычев, Н.Г. Миндюк, К.И. Нешков, И.Е. Феоктистов. – М.: Мнемозина, 2022.
2. Алгебра. 9 класс: Дидактические материалы. Методические рекомендации / И.Е. Феоктистов – М.: Мнемозина, 2020.
3. Самостоятельные и контрольные работы по алгебре и геометрии для 9 класса / А.П. Ершова, В.В. Голобородько, А.С. Ершова. – М.: Илекса, Харьков: Гимназия, 2020.
4. Алгебра. 9 класс: Дидактические материалы: пособие для школ с углубленным изучением математики/ Ю.Н. Макарычев, Н.Г. Миндюк. – М.: Просвещение, 2020.
5. Сборник задач по алгебре для 8-9 классов /М.Л. Галицкий, А.М. Гольдман, Л.И. Завивич. – М.: Просвещение, 2000.

- по геометрии:

1. Геометрия. 7 – 9 класс: учебник для общеобразовательных учреждений / Л.С. Атанасян, В.Ф. Бутузов, С.Б. Кадомцев и др. – М., Просвещение, 2019.

[Введите текст]

2. Геометрия. Дидактические материалы. 9 класс / Б.Г. Зив, В.М. Мейлер. – М., Просвещение, 2016.
3. Контрольные работы по геометрии. 9 класс: к учебнику Л.С. Атанасяна, В.Ф. Бутузова, С.Д. Кадомцева и др. – М., Экзамен, 2019.
4. Изучение геометрии в 7-9 классах. Методические рекомендации к учебнику: кн. для учителя / Л. С. Атанасян, В. Ф. Бутузов, С. Б. Кадомцев и др. – М., Просвещение, 2019.
5. Геометрия. Задачи на готовых чертежах. 7-9 классы. / Сост. М.Р. Рыбникова. – Луганск: Янтарь, Учебная книга, 2003.
6. Тесты по геометрии. 9 класс. / Л.И. Завивич, Е.В. Потоскуев – М., Экзамен, 2020.
7. Сборник заданий для тематического и итогового контроля знаний. Геометрия. 9 класс / А.П. Ершова – М., ИЛЕКСА, 2020.
8. Самостоятельные и контрольные работы по алгебре и геометрии для 9 класса / А.П. Ершова, В.В. Голобородько, А.С. Ершова. – М.: Илекса, Харьков: Гимназия, 2019

Содержание рабочей программы направлено на освоение обучающимися знаний, умений и навыков на углубленном уровне, что соответствует образовательной программе МОУ Лицея № 3.

Рабочая программа рассчитана на 238 часов, в том числе 170 часов алгебры (5 часов в неделю) и 68 часа геометрии (2 часа в неделю).

#### Цели:

- овладение обучающимися системой математических знаний и умений необходимых в повседневной жизни и трудовой деятельности;
- развитие самостоятельной творческой деятельности, абстрактного, логического и алгоритмического мышления;
- формирование математического стиля мышления, включающего в себя индукцию и дедукцию, обобщение и конкретизацию, анализ и синтез, классификацию и систематизацию, абстрагирование и аналогию.

#### Задачи:

- ознакомить обучающихся с происхождением и развитием алгебры и геометрии;
- сформировать знания о математическом языке, необходимые для решения математических задач, задач из смежных дисциплин, а также практических задач;
- обогатить математический язык школьников;
- выработать у обучающихся первоначальные навыки работы с математической литературой;
- рассмотреть некоторые методы решения старинных задач;
- развить ответственность за результаты учебного труда;
- обеспечить осмысленный подход к выполнению заданий, стремление прийти к верному ответу более коротким путём;
- использовать полученные знания и умения на занятиях и в конкурсах.

## **Планируемые предметные результаты.**

### **Личностные:**

- развитие ответственного отношения к учению, готовности и способности обучающихся к саморазвитию и самообразованию на основе мотивации к обучению и познанию, осознанному выбору и построению дальнейшей индивидуальной траектории образования на базе ориентировки в мире профессий и профессиональных предпочтений с учётом устойчивых познавательных интересов;

- формирование целостного мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики;

- развитие коммуникативной компетентности в общении и сотрудничестве со сверстниками, детьми старшего и младшего возраста, взрослыми в процессе образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, творческой и других видов деятельности;

- умение ясно, точно, грамотно излагать свои мысли в устной и письменной речи, понимать смысл поставленной задачи, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры;

- формирование представления о математической науке как о сфере человеческой деятельности, об этапах её развития, о её значимости для развития цивилизации;

- критичность мышления, умение распознавать логически некорректные высказывания, отличать гипотезу от факта;

- творческое мышление, инициатива, находчивость, активность при решении алгебраических задач;

- умение контролировать процесс и результат учебной математической деятельности;

- способность к эмоциональному восприятию математических объектов; задач, решений, рассуждений.

### **Метапредметные:**

- умение самостоятельно планировать альтернативные пути достижения целей, осознанно выбирать наиболее эффективные способы решения учебных и познавательных задач;

- умение осуществлять контроль по результату и по способу действия на уровне произвольного внимания и вносить необходимые корректизы;

- умение адекватно оценивать правильность или ошибочность выполнения учебной задачи, сё объективную трудность и собственные возможности её решения;

- осознанное владение логическими действиями определения понятий, обобщения, установление аналогий, классификаций на основе самостоятельного выбора оснований и критериев, становление родовидовых связей;

- умение устанавливать причинно-следственные связи, строить логическое рассуждение, делать умозаключение (индуктивное, дедуктивное, по аналогии) и выводы;

- умение создавать, применять и преобразовывать знаково-символические средства, модели и схемы для учебных и познавательных задач;

- умение организовывать учебное сотрудничество и совместную деятельность с учителем и сверстниками, определять цели, планировать распределение функций и ролей участников, взаимодействие и общие способы работы; умение работать в группе, находить общее решение и разрешать конфликты на основе согласования позиций и учёта интересов, слушать партнёра, формулировать, аргументировать и отстаивать своё мнение;

- развитие учебной и обще пользовательской компетентности в области использования информационно-коммуникационных технологий (ИКТ-компетентности);

- формирование первоначальных представлений об идеях и методах математики как об универсальном языке науки и техники, о средстве моделирования явлений и процессов;

- умение видеть математическую задачу в контексте проблемной ситуации в других дисциплинах, в окружающей жизни;

- умение находить в различных источниках информацию, необходимую для решения математических проблем, и представлять её в понятной форме, принимать решение в условиях неполной и избыточной, точной и вероятностной информации;

- умение понимать и использовать математические средства наглядности (рисунки, чертежи, схемы, графики и т. п.) для иллюстрации, интерпретации, аргументации;

- умение выдвигать гипотезы при решении учебных задач и понимать необходимость их проверки;

- умение применять индуктивный и дедуктивный способы рассуждений, видеть различные стратегии решения задач;

- понимание сущности алгоритмических предписаний и, умение действовать в соответствии с предложенным алгоритмом;

- умение самостоятельно ставить цели, выбирать и создавать алгоритмы для решения учебных математических проблем;

- умение планировать и осуществлять деятельность, направленную на решение задач исследовательского характера.

**Предметные:**

- формирование представлений о математике как о методе познания действительности, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления;

- развитие умений работать с учебным математическим текстом (анализировать, извлекать необходимую информацию), точно и грамотно выражать свои мысли с применением математической терминологии и символики, проводить классификацию, строить логические обоснования, доказательства математических утверждений;

- развитие представлений о числе и числовых системах от натуральных до действительных чисел; овладение навыками устных, письменных, инструментальных вычислений;

- овладение символным языком алгебры, приёмами выполнения тождественных преобразований выражений, решения уравнений, систем уравнений, неравенств и систем неравенств; умением моделировать реальные ситуации на языке алгебры, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат;

- овладение системой функциональных понятий, развитие умения использовать функционально-графические представления для решения различных математических задач, для описания и анализа реальных зависимостей;

- овладение простейшими способами представления и анализа статистических данных; формирование представлений о статистических закономерностях в реальном мире и о различных способах их изучения, о вероятностных моделях; развитие умений извлекать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, описывать и анализировать массивы числовых данных с помощью подходящих статистических характеристик, использовать понимание вероятностных свойств окружающих явлений при принятии решений;

- развитие умений применять изученные понятия, результаты, методы для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин с использованием при необходимости справочных материалов, компьютера; умений пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчётах;

формирование умений формализации и структурирования информации, умения выбирать способ представления данных в соответствии с поставленной задачей — таблицы, схемы, графики, диаграммы — с использованием соответствующих программных средств обработки данных.

## Содержание учебного предмета

### Раздел 1. Алгебра (170 часов).

#### Тема 1.1. Функции, их свойства и графики (22 часа).

Возрастание и убывание функций. Свойство монотонных функций. Четные и нечетные функции. Свойства четных и нечетных функций. Ограниченные и неограниченные функции.

Функция  $y = ax^2$ ,  $y = ax^2 + n$ ,  $y = a(x - m)^2$ . График и свойства квадратичной функции.

Растяжение и сжатие графиков функций к оси ординат. Графики функций  $y = |f(x)|$ ,  $y = f(|x|)$ .

В результате изучения темы обучающиеся смогут:

определять промежутки знакопостоянства, возрастания, убывания функций;

находить область определения и область значений функции, читать график функции;

исследовать функции на: монотонность, наибольшее и наименьшее значение, ограниченность, выпуклость и непрерывность; четность и нечетность функции.

выполнять разложение квадратного трехчлена на множители;

строить график квадратичной функции;

находить по графику квадратичной функции нули функции, промежутки, где функция принимает положительные и отрицательные значения;

координаты вершины параболы;

строить графики функций, содержащих модули;

выполнять преобразования графиков функций: растяжение, сжатие, параллельный перенос графиков.

#### Тема 1.2. Уравнения и неравенства с одной переменной (29 часов).

Целое уравнение и его корни. Приемы решения целых уравнений. Теорема Виета для уравнений высших степеней. Решение дробно-рациональных уравнений.

Решение целых неравенств с одной переменной. Решение дробно-рациональных неравенств с одной переменной.

Решение уравнений с переменной под знаком модуля. Решение неравенств с переменной под знаком модуля.

Целые уравнения с параметрами. Дробно-рациональные уравнения с параметрами.

В результате изучения темы обучающиеся смогут:

находить приближенные корни уравнения;

находить корни уравнений третьей и четвертой степени с одним неизвестным с помощью разложения на множители и введения вспомогательной переменной;

- применять теорему Безу и схему Горнера при решении уравнений высших степеней;
- решать текстовые задачи;
- решать дробно-рациональные уравнения и неравенства;
- применять метод интервалов при решении неравенств;
- применять различные приемы решения уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля;
- решать неравенства, используя геометрические представления, свойства модуля, графическое построение;
- решать линейные и квадратные уравнения с параметром;
- применять общий прием при решении дробно-рациональных уравнений с параметрами.

### **Тема 1.3. Системы уравнений и системы неравенств с двумя переменными (20 часов).**

Уравнение с двумя переменными и его график. Система уравнений с двумя переменными. Решение систем уравнений с двумя переменными способом подстановки и способом сложения. Другие способы решения систем уравнений с двумя переменными. Решение задач. Линейное неравенство с двумя переменными. Неравенство с двумя переменными степени выше первой. Система неравенств с двумя переменными. Неравенство с двумя переменными, содержащие знак модуля.

В результате изучения темы обучающиеся смогут:

- решать уравнения с двумя переменными;
- применять графическое представление для решения уравнения с двумя переменными;
- решать системы уравнений с двумя переменными методом подстановки и способом сложения;
- решать сложные задачи с помощью составления уравнений и систем уравнений с двумя переменными;
- решать неравенства с двумя переменными;
- применять графическое представление для решения неравенств второй степени с двумя переменными.

### **Тема 1.4. Последовательности (26 часов).**

Числовые последовательности. Способы задания последовательностей. Возрастающие и убывающие последовательности. Ограниченные и неограниченные последовательности. Метод математической индукции.

Арифметическая прогрессия. Формула  $n$ -го члена арифметической прогрессии. Сумма первых  $n$  членов арифметической прогрессии.

Геометрическая прогрессия. Формула  $n$ -го члена геометрической прогрессии. Сумма первых  $n$ -членов геометрической прогрессии.

Предел последовательности. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

В результате изучения темы обучающиеся смогут:

- задавать числовую последовательность аналитически, словесно, рекуррентно;
- определять возрастание и убывание, ограниченности и неограниченности последовательности;
- применять принцип математической индукции;
- применять правило и формулу  $n$ -го члена арифметической прогрессии, формулу суммы членов конечной арифметической прогрессии,
- применять формулы при решении задач;

- применять характеристическое свойство арифметической прогрессии при решении задач;
- применять правило и формулу  $n$ -го члена геометрической прогрессии, формулу суммы членов конечной и бесконечной геометрической прогрессии при решении задач;
- применять характеристическое свойство геометрической прогрессии при решении задач;
- применять свойства сходящихся последовательностей;
- распознавать бесконечно убывающих геометрических прогрессий;
- применять формулы для нахождения суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии;
- представлять число в виде обыкновенной дроби.

#### **Тема 1.5. Степени и корни (18 часов).**

Функция, обратная данной. Функция, обратная степенной функции с натуральным показателем.

Арифметический корень  $n$ -й степени. Степень с рациональным показателем.

Решение иррациональных уравнений. Решение иррациональных неравенств.

В результате изучения темы обучающиеся смогут:

- находить функции, обратные данным;
- изображать графически взаимно обратные функции;
- применять свойства арифметического корня и свойства степени с рациональным показателем на практике;
- переходить от степени с рациональным показателем к корню  $n$ -й степени и наоборот;
- упрощать выражения, используя свойства степени с рациональным показателем и свойства корней;
- выполнять более сложные преобразований выражений, содержащих степень с рациональным показателем и корни  $n$ -й степени;
- доказывать тождества;
- определять иррациональные уравнения и неравенства;
- решать иррациональные уравнения и неравенства, учитывая степень корня.

#### **Тема 1.6. Элементы комбинаторики и теории вероятностей (16 часов).**

Основные понятия и формулы комбинаторики. Перестановки. Размещения. Сочетания. Основы математической логики.

Элементы теории вероятностей. Частота и вероятность. Сложение вероятностей. Умножение вероятностей. Испытания Бернулли. Числовые характеристики распределения вероятностей.

В результате изучения темы обучающиеся смогут:

- понимать вероятностный характер многих реальных зависимостей;
- производить простейшие вероятностные расчеты;
- осуществлять рассмотрение разных случаев, перебор и подсчет числа вариантов, в том числе в простейших прикладных задачах;
- обогащать свои представления о современной картине мира и методах его исследования;
- понимать роль статистики как источника социально значимой информации;
- определять тип задачи и применять правило решения.

### **Тема 1.7. Тригонометрические функции и их свойства (27 часов).**

Угол поворота. Радианная мера угла. Измерение углов поворота в радианах. Определение основных тригонометрических функций.

Некоторые тригонометрические тождества. Свойства тригонометрических функций. Графики и основные свойства синуса и косинуса. Графики и основные свойства тангенса и котангенса.

Формулы приведения. Решение простейших тригонометрических уравнений. Связь между тригонометрическими функциями одного и того же аргумента. Преобразование тригонометрических выражений.

Синус, косинус и тангенс суммы и разности двух углов. Формулы двойного и половинного углов. Формулы суммы и разности тригонометрических функций.

В результате изучения темы обучающиеся смогут:

- переводить радианную меру угла в градусную и наоборот;
- находить область определения и область значений тригонометрических функций;
- строить и читать графики тригонометрических функций;
- применять основные тригонометрические формулы одного и того же угла к преобразованию выражений;
- решать простейшие тригонометрические уравнения и неравенства;
- показывать решение тригонометрических уравнений и неравенства единичной окружности.

### **Тема 1.8. Итоговое повторение курса алгебры 9 класса (12 часов).**

Повторение основных тем курса алгебры. Решение задач ОГЭ.

## **Раздел 2. Геометрия (68 часов)**

### **Тема 2.1, 2.2. Векторы. Метод координат (18 часов)**

Понятие вектора. Равенство векторов. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по двум неколлинеарным векторам. Координаты вектора. Простейшие задачи в координатах. Уравнение линии на плоскости. Уравнения окружности и прямой. Применение векторов и координат при решении задач.

В результате изучения темы обучающиеся смогут:

- применять лемму о коллинеарных векторах и теорему для решения геометрических задач;
- определять координаты вектора, представленного в виде алгебраической суммы векторов;
- выполнять разложение вектора по координатным векторам;
- выражать координаты вектора через координаты его начала и конца;
- применять метод координат при решении простейших задач (вычисление координат середины отрезка, длины вектора, расстояния между точками);
- составлять уравнения прямой;
- использовать уравнение прямой при решении задач.

### **Тема 2.3. Соотношения между сторонами и углами треугольника. Скалярное произведение векторов (11 часов)**

Синус, косинус, тангенс, котангенс угла. Теорема о площади треугольника. Теоремы синусов и косинусов. Решение треугольников. Скалярное произведение векторов и его применение в геометрических задачах. Скалярное произведение в координатах. Применение скалярного произведения векторов при решении задач и доказательстве теорем.

В результате изучения темы обучающиеся смогут:

- находить значения тригонометрических функций по значению одной из них;
- использовать формулы приведения;
- для углов от  $0^\circ$  до  $180^\circ$  определять значения тригонометрических функций;
- применять теоремы о площади треугольника, о площади параллелограмма для решения задач;
- применять теорему о площади выпуклого четырёхугольника при решении задач;
- применять теорему синусов для решения задач;
- использовать знания теорем для выявления соотношений между сторонами и углами треугольника;
- применять теорему косинусов для решения задач;
- применять теоремы синусов и косинусов к выполнению измерительных работ на местности;
- применять теоремы синусов, косинусов, о площади треугольника к решению треугольников;
- применять теорему синусов и теорему косинусов к доказательству других утверждений;
- вычислять скалярное произведение векторов, применять его к решению задач.

### **Тема 2.4. Длина окружности и площадь круга (12 часов)**

Правильные многоугольники. Окружности, описанная около правильного многоугольника и вписанная в него. Построение правильных многоугольников. Длина окружности, дуги окружности. Площади круга, сектора, сегмента.

В результате изучения темы обучающиеся смогут:

- вычислять градусную и радианную меры углов правильных многоугольников;
- применять теорему об окружности, описанной около правильного многоугольника, к решению задач;
- применять теорему о вписанной в правильный многоугольник окружности к решению задач;
- применять формулы для вычисления площади правильного многоугольника, его стороны и радиуса вписанной окружности;
- строить правильный 6-угольник и правильный  $2n$ -угольник;
- вычислять длину дуги окружности, площади круга, сектора, сегмента.

### **Тема 2.5. Движения (8 часов)**

Отображение плоскости на себя. Понятие движения. Параллельный перенос, поворот, центральная и осевая симметрия. Использование движений при решении задач. Композиция движений.

В результате изучения темы обучающиеся смогут:

- строить симметричные фигуры (при осевой или центральной симметрии);
- строить фигуры при параллельном переносе;

строить фигуры при повороте

выполнять построения фигур при различных видах движения;

применять движение и его свойства при решении задач.

**Тема 2.6 Начальные сведения из стереометрии (8 часов).**

Предмет стереометрии. Многогранники. Тела вращения.

**Тема 2.7. Аксиоматическое построение геометрии (2 часа).**

Беседа об аксиомах геометрии. Некоторые сведения о развитии геометрии, о геометрии Лобачевского, об аксиомах планиметрии.

**Тема 2.8. Повторение. Решение задач (9 часов).**

Повторение основных тем курса геометрии. Решение задач ОГЭ.

№	Тематическое планирование Раздел/тема	Количество часов на раздел/тему
	<b>Раздел 1. Алгебра</b>	
Тема 1.1	Функции, их свойства и графики	170
Тема 1.2	Уравнения и неравенства с одной переменной	22
Тема 1.3	Системы уравнений и системы неравенств с двумя переменными	29
Тема 1.4	Последовательности	20
Тема 1.5	Степени и корни	26
Тема 1.6	Элементы комбинаторики и теории вероятностей	18
Тема 1.7	Тригонометрические функции и их свойства	16
Тема 1.8	Итоговое повторение курса алгебры 9 класса	27
	<b>Раздел 2. Геометрия</b>	
Тема 2.1	Векторы	12
Тема 2.2	Метод координат	68
Тема 2.3	Соотношения между сторонами и углами треугольника. Скалярное произведение векторов	8
Тема 2.4	Длина окружности и площадь круга	10
Тема 2.5	Движения	11
Тема 2.6	Начальные сведения из стереометрии	12
Тема 2.7	Аксиоматическое построение геометрии	8
Тема 2.8	Повторение. Решение задач	2
<b>Итого</b>		9
		238